

Division euclidienne de polynômes

🔗 Sur la division euclidienne de polynômes.

Exercice 1. Soit $P = 6X^3 + 3X^2 - 36X - 33$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 7

Exercice 2. Soit $P = X^3 + 2X^2 + X + 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 7

Exercice 3. Effectuer la division euclidienne de $A = -X^3 + 12X^2 + 6$ par $B = X^2 + 7X - 22$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 7

Exercice 4. Soit $P = -X^3 + 2X^2 + X - 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 7

Exercice 5. Soit $P = -2X^3 - 2X^2 + 4X + 4$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 7

Exercice 6. Effectuer la division euclidienne de $A = -X^3 - 2X - 5$ par $B = X^2 + X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 7

Exercice 7. Effectuer la division euclidienne de $A = -X^3 - 9X^2 - 6$ par $B = X^2 + 2X + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 8

Exercice 8. Soit $P = 2X^3 - X + 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 8

Exercice 9. Soit $P = 3X^3 + 5X^2 - 3X - 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 8

Exercice 10. Soit $P = 3X^3 - 3X^2 - 23X + 23$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 8

Exercice 11. Soit $P = 2X^3 + 2X^2 - 12X - 12$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 8

Exercice 12. Effectuer la division euclidienne de $A = -X^3 - 1$ par $B = X^2 + X - 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 9

Exercice 13. Soit $P = X^3 - 2X^2 - X + 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 9

Exercice 14. Effectuer la division euclidienne de $A = 6X^4 - 3X^2 - 6$ par $B = X^3 - X^2 - 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 9

Exercice 15. Effectuer la division euclidienne de $A = -X^4 - X^2 - 1$ par $B = X^2 + 9X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 9

Exercice 16. Soit $P = X^3 - 2X + 4$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 10

Exercice 17. Soit $P = X^3 + 2X^2 + 4X + 3$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 10

Exercice 18. Soit $P = -X^3 + 4X^2 - 7X + 6$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 10

- Exercice 19.** Effectuer la division euclidienne de $A = 4X^5 + 2X^4$ par $B = X^4 + X^3 + 4X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 10
- Exercice 20.** Effectuer la division euclidienne de $A = -3X^5 - X^4$ par $B = X^2 + 40X + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 10
- Exercice 21.** Soit $P = 6X^3 - 5X^2 - 7X + 6$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 11
- Exercice 22.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^5 - 10X^3 - X^2$ par $B = X^4 + 5X^3 - X^2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 11
- Exercice 23.** Effectuer la division euclidienne de $A = 12X^4 - X^3 + 12X$ par $B = X^2 + 2X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 11
- Exercice 24.** Effectuer la division euclidienne de $A = 6X^3 + 1$ par $B = X^2 + X - 4$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 11
- Exercice 25.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^5 - X^4 - 11X^3$ par $B = X^3 - X^2 + 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 11
- Exercice 26.** Soit $P = X^3 - X^2 - 2X + 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 12
- Exercice 27.** Soit $P = -X^3 - X - 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 12
- Exercice 28.** Soit $P = 2X^3 + 2X^2 - 21X - 21$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 12
- Exercice 29.** Soit $P = 2X^3 - 3X^2 + 2X - 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 12
- Exercice 30.** Soit $P = X^3 - 75X^2 - 62X + 14$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 12
- Exercice 31.** Effectuer la division euclidienne de $A = X^3 - 3X$ par $B = X^2 - 4X - 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 12
- Exercice 32.** Effectuer la division euclidienne de $A = X^5 - X^2 + 2$ par $B = X^3 + X^2 - 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 13
- Exercice 33.** Effectuer la division euclidienne de $A = -6X^3 + 2X^2 - 2$ par $B = X^2 - 2X + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 13
- Exercice 34.** Effectuer la division euclidienne de $A = -2X^3 - 2X^2$ par $B = X^2 + 2X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 13
- Exercice 35.** Soit $P = -2X^3 - 5X^2 - 4X - 4$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 13
- Exercice 36.** Soit $P = 6X^3 + 6X^2 - X - 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 13
- Exercice 37.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^4 - X^3 - 2X^2$ par $B = X^3 - 3X^2 - X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 14

Exercice 38. Effectuer la division euclidienne de $A = -3X^3 + 2X + 12$ par $B = X^2 - X - 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$.

→ page 14

Exercice 39. Effectuer la division euclidienne de $A = 5X^3 - 2X + 1$ par $B = X^2 - X - 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$.

→ page 14

Exercice 40. Soit $P = X^3 + 10X - 11$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 14

Exercice 41. Soit $P = -X^3 - 2X^2 - 2X - 4$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 14

Exercice 42. Soit $P = X^3 + 28X^2 - 61X + 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 15

Exercice 43. Effectuer la division euclidienne de $A = -20X^3 - 5X$ par $B = X^2 + 4X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$.

→ page 15

Exercice 44. Soit $P = X^3 + 2X^2 + 4X + 3$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 15

Exercice 45. Soit $P = X^3 - X^2 + 3X - 3$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 15

Exercice 46. Soit $P = -2X^3 + 3X^2 - 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 15

Exercice 47. Soit $P = 3X^3 - 4X^2 + 2X - 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 16

Exercice 48. Effectuer la division euclidienne de $A = 2X^4 + X - 1$ par $B = X^2 - X - 8$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$.

→ page 16

Exercice 49. Effectuer la division euclidienne de $A = -5X^3 + X^2 - 1$ par $B = X^2 - 5X + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$.

→ page 16

Exercice 50. Effectuer la division euclidienne de $A = -9X^4 - X^3 + 1$ par $B = X^2 + X + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$.

→ page 16

Exercice 51. Effectuer la division euclidienne de $A = X^5 - X^3 + 2X^2$ par $B = X^3 + 8X^2 + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$.

→ page 16

Exercice 52. Soit $P = -X^3 + 29X - 50$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 17

Exercice 53. Soit $P = X^3 - X^2 + X - 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 17

Exercice 54. Soit $P = X^3 - X^2 - 5X + 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 17

Exercice 55. Soit $P = -2X^3 + 2X^2 + X - 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 17

Exercice 56. Soit $P = -36X^3 + 39X^2 - 4X + 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne.

→ page 17

- Exercice 57.** Effectuer la division euclidienne de $A = -7X^4 + X^2 - 13$ par $B = X^3 - 2X^2 + 27$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 17
- Exercice 58.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^3 + X^2 - 3X$ par $B = X^2 + 7X - 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 18
- Exercice 59.** Effectuer la division euclidienne de $A = -4X^4 - 3X$ par $B = X^2 - 25X - 4$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 18
- Exercice 60.** Soit $P = -X^3 + 3X^2 - X - 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 18
- Exercice 61.** Effectuer la division euclidienne de $A = X^6 - X^3 + X$ par $B = X^2 + 3X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 18
- Exercice 62.** Effectuer la division euclidienne de $A = -8X^3 - 5X$ par $B = X^2 - X + 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 18
- Exercice 63.** Soit $P = -X^3 - 4X^2 - 4X - 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 19
- Exercice 64.** Effectuer la division euclidienne de $A = X^4 - X^2$ par $B = X^2 - 3X + 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 19
- Exercice 65.** Soit $P = X^3 - X^2 + 4X - 4$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 19
- Exercice 66.** Soit $P = -X^3 + 7X + 6$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 19
- Exercice 67.** Effectuer la division euclidienne de $A = 2X^3 + 3X + 1$ par $B = X^2 - 44X - 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 19
- Exercice 68.** Soit $P = -3X^3 - 2X^2 + 7X + 6$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 20
- Exercice 69.** Soit $P = -X^3 - 3X^2 - X + 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 20
- Exercice 70.** Effectuer la division euclidienne de $A = 2X^3 - 2X^2 - 1$ par $B = X^2 + 4X - 7$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 20
- Exercice 71.** Soit $P = -X^3 + 4X^2 - 2X - 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 20
- Exercice 72.** Soit $P = -3X^3 - 6X^2 + 21X - 12$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 20
- Exercice 73.** Soit $P = -X^3 - 3X^2 - X + 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 21
- Exercice 74.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^3 + 4X^2 + 6$ par $B = X^2 + X - 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 21
- Exercice 75.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^3 + X + 2$ par $B = X^2 - X - 3$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 21

- Exercice 76.** Effectuer la division euclidienne de $A = -2X^4$ par $B = X^3 - 2X^2 + 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 21
- Exercice 77.** Soit $P = -X^3 + 2X + 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 21
- Exercice 78.** Soit $P = -8X^3 - 8X^2 + X + 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 21
- Exercice 79.** Soit $P = -X^3 + 2X^2 + 9X + 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 22
- Exercice 80.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^4 - 17$ par $B = X^2 + X + 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 22
- Exercice 81.** Effectuer la division euclidienne de $A = 5X^4 - X^2 + 5$ par $B = X^3 + 24X^2 + 53X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 22
- Exercice 82.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^3 - 4X + 2$ par $B = X^2 - 154X + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 22
- Exercice 83.** Soit $P = X^3 - X^2 - X + 1$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 23
- Exercice 84.** Soit $P = X^3 + 4X^2 - 103X + 98$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 23
- Exercice 85.** Soit $P = X^3 + 3X^2 + 7X + 5$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 23
- Exercice 86.** Effectuer la division euclidienne de $A = X^4 - X^2 - 1$ par $B = X^3 + 4X^2 + 7$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 23
- Exercice 87.** Effectuer la division euclidienne de $A = 7X^3 + X^2 + 1$ par $B = X^2 - X + 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 23
- Exercice 88.** Soit $P = -3X^3 - 7X^2 - 3X - 2$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 23
- Exercice 89.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^5 + X^4 + X$ par $B = X^3 + X^2 + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 24
- Exercice 90.** Effectuer la division euclidienne de $A = 6X^4 - 46X + 1$ par $B = X^2 - X + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 24
- Exercice 91.** Soit $P = X^3 + 2X^2 - 5X - 6$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 24
- Exercice 92.** Effectuer la division euclidienne de $A = -2X^3 + 3X - 1$ par $B = X^2 - 3X + 2$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 24
- Exercice 93.** Effectuer la division euclidienne de $A = -2X^4 - 1$ par $B = X^2 - X + 1$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 25
- Exercice 94.** Effectuer la division euclidienne de $A = -X^6 + X^5 + X^3$ par $B = X^4 - 18X^3$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 25

Exercice 95. Soit $P = -2X^3 - 3X^2 - X - 6$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 25

Exercice 96. Effectuer la division euclidienne de $A = 5X^5 + 3X^2 + 1$ par $B = X^4 - X^3 + 3$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 25

Exercice 97. Soit $P = -X^3 + 4X - 3$. Trouver une racine « évidente » α de P , et expliciter $Q \in \mathbb{R}_2[X]$ tel que : $P = (X - \alpha) \cdot Q$. On déterminera Q avec une division euclidienne. → page 25

Exercice 98. Effectuer la division euclidienne de $A = -3X^5 + 3X^4 + X$ par $B = X^4 + X^3 - 93$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 25

Exercice 99. Effectuer la division euclidienne de $A = X^4 - 2X^3 - X$ par $B = X^3 - X^2 + X$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 26

Exercice 100. Effectuer la division euclidienne de $A = -X^5 + 19X^4 + 20X$ par $B = X^4 + 2X^3 - 5$, c'est-à-dire : déterminer l'unique couple $(Q, R) \in \mathbb{R}[X]^2$ tel que $\deg(R) < \deg(B)$ et : $A = BQ + R$. → page 26

Corrigé 1. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 6X^3 + 3X^2 - 36X - 33 \\ -(6X^3 + 6X^2 - 3X^2 - 36X - 33) \\ \hline -3X^2 - 36X - 33 \\ -(-3X^2 - 3X) \\ \hline -33X - 33 \\ -(-33X - 33) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ \hline 6X^2 - 3X - 33 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (6X^2 - 3X - 33)$.

Corrigé 2. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 + 2X^2 + X + 2 \\ -(X^3 + 2X^2) \\ \hline X + 2 \\ -(X + 2) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ \hline X^2 + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (X^2 + 1)$.

Corrigé 3. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 + 12X^2 + 6 \\ -(-X^3 - 7X^2 + 22X + 6) \\ \hline 19X^2 - 22X + 6 \\ -(19X^2 + 133X - 418) \\ \hline -155X + 424 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 7X - 22 \\ \hline -X + 19 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X + 19$, et : $R = -155X + 424$.

Corrigé 4. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 + 2X^2 + X - 2 \\ -(-X^3 + X^2) \\ \hline X^2 + X - 2 \\ -(X^2 - X) \\ \hline 2X - 2 \\ -(2X - 2) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline -X^2 + X + 2 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (-X^2 + X + 2)$.

Corrigé 5. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^3 - 2X^2 + 4X + 4 \\ -(-2X^3 - 2X^2) \\ \hline 4X + 4 \\ -(4X + 4) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ \hline -2X^2 + 4 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (-2X^2 + 4)$.

Corrigé 6. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur

← page 1

à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad -2X \quad -5 \\ -(\quad -X^3 \quad -X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad X^2 \quad -2X \quad -5 \\ -(\quad \quad X^2 \quad +X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad -3X \quad -5 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + X \\ -X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X + 1$, et : $R = -3X - 5$.

Corrigé 7. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad -9X^2 \quad \quad -6 \\ -(\quad -X^3 \quad -2X^2 \quad -X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -7X^2 \quad +X \quad -6 \\ -(\quad \quad -7X^2 \quad -14X \quad -7 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad 15X \quad +1 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 2X + 1 \\ -X - 7 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X - 7$, et : $R = 15X + 1$.

Corrigé 8. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 2X^3 \quad \quad -X \quad +1 \\ -(\quad 2X^3 \quad +2X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -2X^2 \quad -X \quad +1 \\ -(\quad \quad -2X^2 \quad -2X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad X \quad +1 \\ -(\quad \quad \quad X \quad +1 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ 2X^2 - 2X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (2X^2 - 2X + 1)$.

Corrigé 9. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 3X^3 \quad +5X^2 \quad -3X \quad -2 \\ -(\quad 3X^3 \quad +6X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -X^2 \quad -3X \quad -2 \\ -(\quad \quad -X^2 \quad -2X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad -X \quad -2 \\ -(\quad \quad \quad -X \quad -2 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ 3X^2 - X - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (3X^2 - X - 1)$.

Corrigé 10. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 3X^3 \quad -3X^2 \quad -23X \quad +23 \\ -(\quad 3X^3 \quad -3X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad -23X \quad +23 \\ -(\quad \quad \quad -23X \quad +23 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ 3X^2 - 23 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (3X^2 - 23)$.

Corrigé 11. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine

le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 2X^3 + 2X^2 - 12X - 12 \\ -(2X^3 + 2X^2) \\ \hline -12X - 12 \\ -(-12X - 12) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ \hline 2X^2 - 12 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (2X^2 - 12)$.

Corrigé 12. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 - 1 \\ -(-X^3 - X^2 + X) \\ \hline X^2 - X - 1 \\ -(X^2 + X - 1) \\ \hline -2X \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + X - 1 \\ \hline -X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X + 1$, et : $R = -2X$.

Corrigé 13. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 2$ (vérifiez au besoin que $P(2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 - 2X^2 - X + 2 \\ -(X^3 - 2X^2) \\ \hline -X + 2 \\ -(-X + 2) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 2 \\ \hline X^2 - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 2) \cdot (X^2 - 1)$.

Corrigé 14. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 6X^4 - 3X^2 - 6 \\ -(6X^4 - 6X^3 - 6X) \\ \hline 6X^3 - 3X^2 + 6X - 6 \\ -(6X^3 - 6X^2 - 6) \\ \hline 3X^2 + 6X \end{array} & \begin{array}{l} X^3 - X^2 - 1 \\ \hline 6X + 6 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 6X + 6$, et : $R = 3X^2 + 6X$.

Corrigé 15. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^4 - X^2 - 1 \\ -(-X^4 - 9X^3) \\ \hline 9X^3 - X^2 - 1 \\ -(9X^3 + 81X^2) \\ \hline -82X^2 - 1 \\ -(-82X^2 - 738X) \\ \hline 738X - 1 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 9X \\ \hline -X^2 + 9X - 82 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X^2 + 9X - 82$, et : $R = 738X - 1$.

Corrigé 16. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine

← page 1

le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad -2X \quad +4 \\ -(X^3 \quad +2X^2) \\ \hline \quad -2X^2 \quad -2X \quad +4 \\ -(\quad -2X^2 \quad -4X) \\ \hline \quad \quad 2X \quad +4 \\ -(\quad \quad 2X \quad +4) \\ \hline \quad \quad \quad 0 \end{array} & \frac{X+2}{X^2-2X+2} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (X^2 - 2X + 2)$.

Corrigé 17. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad +2X^2 \quad +4X \quad +3 \\ -(X^3 \quad +X^2) \\ \hline \quad X^2 \quad +4X \quad +3 \\ -(\quad X^2 \quad +X) \\ \hline \quad \quad 3X \quad +3 \\ -(\quad \quad 3X \quad +3) \\ \hline \quad \quad \quad 0 \end{array} & \frac{X+1}{X^2+X+3} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (X^2 + X + 3)$.

Corrigé 18. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 2$ (vérifiez au besoin que $P(2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 1

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad +4X^2 \quad -7X \quad +6 \\ -(-X^3 \quad +2X^2) \\ \hline \quad 2X^2 \quad -7X \quad +6 \\ -(\quad 2X^2 \quad -4X) \\ \hline \quad \quad -3X \quad +6 \\ -(\quad \quad -3X \quad +6) \\ \hline \quad \quad \quad 0 \end{array} & \frac{X-2}{-X^2+2X-3} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 2) \cdot (-X^2 + 2X - 3)$.

Corrigé 19. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 4X^5 \quad +2X^4 \\ -(4X^5 \quad +4X^4) \\ \hline \quad -2X^4 \quad \quad \quad +16X^2 \\ -(\quad -2X^4 \quad -2X^3 \quad -8X) \\ \hline \quad \quad 2X^3 \quad -16X^2 \quad +8X \end{array} & \frac{X^4+X^3+4X}{4X-2} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 4X - 2$, et : $R = 2X^3 - 16X^2 + 8X$.

Corrigé 20. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -3X^5 \quad -X^4 \\ -(-3X^5 \quad -120X^4 \quad -3X^3) \\ \hline \quad 119X^4 \quad +3X^3 \\ -(\quad 119X^4 \quad +4760X^3 \quad +119X^2) \\ \hline \quad \quad -4757X^3 \quad -119X^2 \\ -(\quad \quad -4757X^3 \quad -190280X^2 \quad -4757X) \\ \hline \quad \quad \quad 190161X^2 \quad +4757X \\ -(\quad \quad \quad 190161X^2 \quad +7606440X \quad +190161) \\ \hline \quad \quad \quad \quad -7601683X \quad -190161 \end{array} & \frac{X^2+40X+1}{-3X^3+119X^2-4757X+190161} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -3X^3 + 119X^2 - 4757X + 190161$, et : $R = -7601683X - 190161$.

Corrigé 21. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 6X^3 - 5X^2 - 7X + 6 \\ -(6X^3 - 6X^2) \\ \hline X^2 - 7X + 6 \\ -(X^2 - X) \\ \hline -6X + 6 \\ -(-6X + 6) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline 6X^2 + X - 6 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (6X^2 + X - 6)$.

Corrigé 22. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^5 - 10X^3 - X^2 \\ -(-X^5 - 5X^4 + X^3) \\ \hline 5X^4 - 11X^3 - X^2 \\ -(5X^4 + 25X^3 - 5X^2) \\ \hline -36X^3 + 4X^2 \end{array} & \begin{array}{l} X^4 + 5X^3 - X^2 \\ \hline -X + 5 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X + 5$, et : $R = -36X^3 + 4X^2$.

Corrigé 23. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 12X^4 - X^3 + 12X \\ -(12X^4 + 24X^3) \\ \hline -25X^3 + 12X \\ -(-25X^3 - 50X^2) \\ \hline 50X^2 + 12X \\ -(50X^2 + 100X) \\ \hline -88X \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 2X \\ \hline 12X^2 - 25X + 50 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 12X^2 - 25X + 50$, et : $R = -88X$.

Corrigé 24. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 6X^3 + 1 \\ -(6X^3 + 6X^2 - 24X) \\ \hline -6X^2 + 24X + 1 \\ -(-6X^2 - 6X + 24) \\ \hline 30X - 23 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + X - 4 \\ \hline 6X - 6 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 6X - 6$, et : $R = 30X - 23$.

Corrigé 25. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^5 - X^4 - 11X^3 \\ -(-X^5 + X^4 - 2X^2) \\ \hline -2X^4 - 11X^3 + 2X^2 \\ -(-2X^4 + 2X^3 - 4X) \\ \hline -13X^3 + 2X^2 + 4X \\ -(-13X^3 + 13X^2 - 26) \\ \hline -11X^2 + 4X + 26 \end{array} & \begin{array}{l} X^3 - X^2 + 2 \\ \hline -X^2 - 2X - 13 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X^2 - 2X - 13$, et : $R = -11X^2 + 4X + 26$.

Corrigé 26. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad -X^2 \quad -2X \quad +2 \\ -(\quad X^3 \quad -X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad -2X \quad +2 \\ -(\quad \quad \quad -2X \quad +2) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline X^2 - 2 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (X^2 - 2)$.

Corrigé 27. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad \quad -X \quad -2 \\ -(-X^3 \quad -X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad X^2 \quad -X \quad -2 \\ -(\quad \quad X^2 \quad +X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad -2X \quad -2 \\ -(\quad \quad \quad -2X \quad -2) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ \hline -X^2 + X - 2 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (-X^2 + X - 2)$.

Corrigé 28. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 2X^3 \quad +2X^2 \quad -21X \quad -21 \\ -(2X^3 \quad +2X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad -21X \quad -21 \\ -(\quad \quad \quad -21X \quad -21) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ \hline 2X^2 - 21 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (2X^2 - 21)$.

Corrigé 29. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 2X^3 \quad -3X^2 \quad +2X \quad -1 \\ -(2X^3 \quad -2X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -X^2 \quad +2X \quad -1 \\ -(\quad \quad -X^2 \quad +X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad X \quad -1 \\ -(\quad \quad \quad X \quad -1) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline 2X^2 - X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (2X^2 - X + 1)$.

Corrigé 30. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad -75X^2 \quad -62X \quad +14 \\ -(X^3 \quad +X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -76X^2 \quad -62X \quad +14 \\ -(\quad \quad -76X^2 \quad -76X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad 14X \quad +14 \\ -(\quad \quad \quad 14X \quad +14) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ \hline X^2 - 76X + 14 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (X^2 - 76X + 14)$.

Corrigé 31. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \qquad -3X \\ -(X^3 \quad -4X^2 \quad -X \\ \hline \qquad 4X^2 \quad -2X \\ -(\qquad 4X^2 \quad -16X \quad -4 \\ \hline \qquad \qquad 14X \quad +4 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - 4X - 1 \\ X + 4 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = X + 4$, et : $R = 14X + 4$.

Corrigé 32. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^5 \qquad -X^2 \qquad +2 \\ -(X^5 \quad +X^4 \quad -X^2 \quad +2 \\ \hline \qquad -X^4 \qquad \qquad +2 \\ -(\qquad -X^4 \quad -X^3 \quad +X \\ \hline \qquad \qquad X^3 \quad -X \quad +2 \\ -(\qquad \qquad X^3 \quad +X^2 \quad -1 \\ \hline \qquad \qquad -X^2 \quad -X \quad +3 \end{array} & \begin{array}{l} X^3 + X^2 - 1 \\ X^2 - X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = X^2 - X + 1$, et : $R = -X^2 - X + 3$.

Corrigé 33. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -6X^3 \quad +2X^2 \qquad -2 \\ -(-6X^3 \quad +12X^2 \quad -6X \\ \hline \qquad -10X^2 \quad +6X \quad -2 \\ -(\qquad -10X^2 \quad +20X \quad -10 \\ \hline \qquad \qquad -14X \quad +8 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - 2X + 1 \\ -6X - 10 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -6X - 10$, et : $R = -14X + 8$.

Corrigé 34. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^3 \quad -2X^2 \\ -(-2X^3 \quad -4X^2 \\ \hline \qquad 2X^2 \\ -(\qquad 2X^2 \quad +4X \\ \hline \qquad \qquad -4X \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 2X \\ -2X + 2 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -2X + 2$, et : $R = -4X$.

Corrigé 35. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^3 \quad -5X^2 \quad -4X \quad -4 \\ -(-2X^3 \quad -4X^2 \\ \hline \qquad -X^2 \quad -4X \quad -4 \\ -(\qquad -X^2 \quad -2X \\ \hline \qquad \qquad -2X \quad -4 \\ -(\qquad \qquad -2X \quad -4 \\ \hline \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ -2X^2 - X - 2 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (-2X^2 - X - 2)$.

Corrigé 36. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez

← page 2

au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 6X^3 + 6X^2 - X - 1 \\ -(6X^3 + 6X^2) \\ \hline - X - 1 \\ -(- X - 1) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ 6X^2 - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (6X^2 - 1)$.

Corrigé 37. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 2

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^4 - X^3 - 2X^2 \\ -(-X^4 + 3X^3 + X^2) \\ \hline -4X^3 - 3X^2 \\ -(-4X^3 + 12X^2 + 4X) \\ \hline -15X^2 - 4X \end{array} & \begin{array}{l} X^3 - 3X^2 - X \\ -X - 4 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X - 4$, et : $R = -15X^2 - 4X$.

Corrigé 38. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -3X^3 + 12 \\ -(-3X^3 + 3X^2 + 6X) \\ \hline -3X^2 - 4X + 12 \\ -(-3X^2 + 3X + 6) \\ \hline -7X + 6 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - X - 2 \\ -3X - 3 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -3X - 3$, et : $R = -7X + 6$.

Corrigé 39. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 5X^3 + 1 \\ -(5X^3 - 5X^2 - 5X) \\ \hline 5X^2 + 3X + 1 \\ -(5X^2 - 5X - 5) \\ \hline 8X + 6 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - X - 1 \\ 5X + 5 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 5X + 5$, et : $R = 8X + 6$.

Corrigé 40. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 - 11 \\ -(X^3 - X^2 - 11) \\ \hline X^2 + 10X - 11 \\ -(X^2 - X - 11) \\ \hline 11X - 11 \\ -(11X - 11) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ X^2 + X + 11 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (X^2 + X + 11)$.

Corrigé 41. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 - 2X^2 - 2X - 4 \\ -(-X^3 - 2X^2) \\ \hline -2X - 4 \\ -(-2X - 4) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ -X^2 - 2 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (-X^2 - 2)$.

Corrigé 42. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 2$ (vérifiez au besoin que $P(2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 + 28X^2 - 61X + 2 \\ -(X^3 - 2X^2) \\ \hline 30X^2 - 61X + 2 \\ -(30X^2 - 60X) \\ \hline -X + 2 \\ -(-X + 2) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 2 \\ \hline X^2 + 30X - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 2) \cdot (X^2 + 30X - 1)$.

Corrigé 43. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -20X^3 - 5X \\ -(-20X^3 - 80X^2) \\ \hline 80X^2 - 5X \\ -(80X^2 + 320X) \\ \hline -325X \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 4X \\ \hline -20X + 80 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -20X + 80$, et : $R = -325X$.

Corrigé 44. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 + 2X^2 + 4X + 3 \\ -(X^3 + X^2) \\ \hline X^2 + 4X + 3 \\ -(X^2 + X) \\ \hline 3X + 3 \\ -(3X + 3) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ \hline X^2 + X + 3 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (X^2 + X + 3)$.

Corrigé 45. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 - X^2 + 3X - 3 \\ -(X^3 - X^2) \\ \hline 3X - 3 \\ -(3X - 3) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline X^2 + 3 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (X^2 + 3)$.

Corrigé 46. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^3 + 3X^2 - 1 \\ -(-2X^3 + 2X^2) \\ \hline X^2 - 1 \\ -(X^2 - X) \\ \hline X - 1 \\ -(X - 1) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline -2X^2 + X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (-2X^2 + X + 1)$.

Corrigé 47. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 3X^3 - 4X^2 + 2X - 1 \\ -(3X^3 - 3X^2) \\ \hline -X^2 + 2X - 1 \\ -(-X^2 + X) \\ \hline X - 1 \\ -(X - 1) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ 3X^2 - X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (3X^2 - X + 1)$.

Corrigé 48. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 2X^4 + X - 1 \\ -(2X^4 - 2X^3 - 16X^2) \\ \hline 2X^3 + 16X^2 + X - 1 \\ -(2X^3 - 2X^2 - 16X) \\ \hline 18X^2 + 17X - 1 \\ -(18X^2 - 18X - 144) \\ \hline 35X + 143 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - X - 8 \\ 2X^2 + 2X + 18 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 2X^2 + 2X + 18$, et : $R = 35X + 143$.

Corrigé 49. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -5X^3 + X^2 - 1 \\ -(-5X^3 + 25X^2 - 5X) \\ \hline -24X^2 + 5X - 1 \\ -(-24X^2 + 120X - 24) \\ \hline -115X + 23 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - 5X + 1 \\ -5X - 24 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -5X - 24$, et : $R = -115X + 23$.

Corrigé 50. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -9X^4 - X^3 + 1 \\ -(-9X^4 - 9X^3 - 9X^2) \\ \hline 8X^3 + 9X^2 + 1 \\ -(8X^3 + 8X^2 + 8X) \\ \hline X^2 - 8X + 1 \\ -(X^2 + X + 1) \\ \hline -9X \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + X + 1 \\ -9X^2 + 8X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -9X^2 + 8X + 1$, et : $R = -9X$.

Corrigé 51. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^5 - X^3 + 2X^2 \\ -(X^5 + 8X^4) \\ \hline -8X^4 - X^3 + X^2 \\ -(-8X^4 - 64X^3 - 8X) \\ \hline 63X^3 + X^2 + 8X \\ -(63X^3 + 504X^2 + 63) \\ \hline -503X^2 + 8X - 63 \end{array} & \begin{array}{l} X^3 + 8X^2 + 1 \\ X^2 - 8X + 63 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = X^2 - 8X + 63$, et : $R = -503X^2 + 8X - 63$.

Corrigé 52. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 2$ (vérifiez au besoin que $P(2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \qquad +29X \quad -50 \\ -(\quad -X^3 \quad +2X^2 \qquad) \\ \hline \qquad -2X^2 \quad +29X \quad -50 \\ -(\qquad -2X^2 \quad +4X \qquad) \\ \hline \qquad \qquad 25X \quad -50 \\ -(\qquad \qquad 25X \quad -50) \\ \hline \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 2 \\ \hline -X^2 - 2X + 25 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 2) \cdot (-X^2 - 2X + 25)$.

Corrigé 53. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad -X^2 \quad +X \quad -1 \\ -(X^3 \quad -X^2 \qquad) \\ \hline \qquad X \quad -1 \\ -(\qquad X \quad -1) \\ \hline \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline X^2 + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (X^2 + 1)$.

Corrigé 54. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad -X^2 \quad -5X \quad +2 \\ -(X^3 \quad +2X^2 \qquad) \\ \hline \qquad -3X^2 \quad -5X \quad +2 \\ -(\qquad -3X^2 \quad -6X \qquad) \\ \hline \qquad \qquad X \quad +2 \\ -(\qquad \qquad X \quad +2) \\ \hline \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ \hline X^2 - 3X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (X^2 - 3X + 1)$.

Corrigé 55. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^3 \quad +2X^2 \quad +X \quad -1 \\ -(-2X^3 \quad +2X^2 \qquad) \\ \hline \qquad X \quad -1 \\ -(\qquad X \quad -1) \\ \hline \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline -2X^2 + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (-2X^2 + 1)$.

Corrigé 56. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 3

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -36X^3 \quad +39X^2 \quad -4X \quad +1 \\ -(-36X^3 \quad +36X^2 \qquad) \\ \hline \qquad 3X^2 \quad -4X \quad +1 \\ -(\qquad 3X^2 \quad -3X \qquad) \\ \hline \qquad \qquad -X \quad +1 \\ -(\qquad \qquad -X \quad +1) \\ \hline \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline -36X^2 + 3X - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (-36X^2 + 3X - 1)$.

Corrigé 57. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -7X^4 \qquad \qquad \qquad +X^2 \qquad \qquad \qquad -13 \\ -(\quad -7X^4 \quad +14X^3 \qquad \qquad \qquad -189X \quad \qquad \qquad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad -14X^3 \quad +X^2 \quad +189X \quad -13 \\ -(\quad \quad -14X^3 \quad +28X^2 \qquad \qquad \qquad -378 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad -27X^2 \quad +189X \quad +365 \end{array} & \begin{array}{l} X^3 - 2X^2 + 27 \\ \hline -7X - 14 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -7X - 14$, et : $R = -27X^2 + 189X + 365$.

Corrigé 58. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad +X^2 \quad -3X \\ -(\quad -X^3 \quad -7X^2 \quad +2X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad 8X^2 \quad -5X \\ -(\quad \quad \quad 8X^2 \quad +56X \quad -16 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad -61X \quad +16 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 7X - 2 \\ \hline -X + 8 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X + 8$, et : $R = -61X + 16$.

Corrigé 59. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -4X^4 \qquad \qquad \qquad -3X \\ -(\quad -4X^4 \quad +100X^3 \quad +16X^2 \qquad \qquad \qquad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad -100X^3 \quad -16X^2 \quad -3X \\ -(\quad \quad -100X^3 \quad +2500X^2 \quad +400X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad -2516X^2 \quad -403X \\ -(\quad \quad \quad -2516X^2 \quad +62900X \quad +10064 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad -63303X \quad -10064 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - 25X - 4 \\ \hline -4X^2 - 100X - 2516 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -4X^2 - 100X - 2516$, et : $R = -63303X - 10064$.

Corrigé 60. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 2$ (vérifiez au besoin que $P(2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad +3X^2 \quad -X \quad -2 \\ -(\quad -X^3 \quad +2X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad X^2 \quad -X \quad -2 \\ -(\quad \quad \quad X^2 \quad -2X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad X \quad -2 \\ -(\quad \quad \quad \quad \quad X \quad -2 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 2 \\ \hline -X^2 + X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 2) \cdot (-X^2 + X + 1)$.

Corrigé 61. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^6 \qquad \qquad \qquad -X^3 \qquad \qquad \qquad +X \\ -(\quad X^6 \quad +3X^5 \qquad \qquad \qquad -X^3 \qquad \qquad \qquad +X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad -3X^5 \qquad \qquad \qquad -X^3 \qquad \qquad \qquad +X \\ -(\quad \quad -3X^5 \quad -9X^4 \qquad \qquad \qquad -X^3 \qquad \qquad \qquad +X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 9X^4 \quad -X^3 \qquad \qquad \qquad +X \\ -(\quad \quad \quad 9X^4 \quad +27X^3 \qquad \qquad \qquad -X^3 \qquad \qquad \qquad +X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad -28X^3 \quad +X \\ -(\quad \quad \quad -28X^3 \quad -84X^2 \qquad \qquad \qquad -X^3 \qquad \qquad \qquad +X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 84X^2 \quad +X \\ -(\quad \quad \quad \quad \quad 84X^2 \quad +252X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad -251X \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 3X \\ \hline X^4 - 3X^3 + 9X^2 - 28X + 84 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = X^4 - 3X^3 + 9X^2 - 28X + 84$, et : $R = -251X$.

Corrigé 62. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -8X^3 \qquad -5X \\ -(\quad -8X^3 \quad +8X^2 \quad -16X \quad) \\ \hline \qquad \qquad -8X^2 \quad +11X \\ -(\quad \quad -8X^2 \quad +8X \quad -16 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \quad 3X \quad +16 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - X + 2 \\ -8X - 8 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -8X - 8$, et : $R = 3X + 16$.

Corrigé 63. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad -4X^2 \quad -4X \quad -1 \\ -(\quad -X^3 \quad \quad -X^2 \quad) \\ \hline \qquad \quad -3X^2 \quad -4X \quad -1 \\ -(\quad \quad -3X^2 \quad -3X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \quad -X \quad -1 \\ -(\quad \quad \quad -X \quad -1 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ -X^2 - 3X - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (-X^2 - 3X - 1)$.

Corrigé 64. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^4 \qquad \qquad -X^2 \\ -(\quad X^4 \quad -3X^3 \quad +2X^2 \quad) \\ \hline \qquad \quad 3X^3 \quad -3X^2 \\ -(\quad \quad 3X^3 \quad -9X^2 \quad +6X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \quad 6X^2 \quad -6X \\ -(\quad \quad \quad 6X^2 \quad -18X \quad +12 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \quad 12X \quad -12 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - 3X + 2 \\ X^2 + 3X + 6 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = X^2 + 3X + 6$, et : $R = 12X - 12$.

Corrigé 65. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad -X^2 \quad +4X \quad -4 \\ -(\quad X^3 \quad -X^2 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \quad 4X \quad -4 \\ -(\quad \quad \quad 4X \quad -4 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ X^2 + 4 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (X^2 + 4)$.

Corrigé 66. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \qquad \quad +7X \quad +6 \\ -(\quad -X^3 \quad -2X^2 \quad) \\ \hline \qquad \quad 2X^2 \quad +7X \quad +6 \\ -(\quad \quad 2X^2 \quad +4X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \quad 3X \quad +6 \\ -(\quad \quad \quad 3X \quad +6 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ -X^2 + 2X + 3 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (-X^2 + 2X + 3)$.

Corrigé 67. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 2X^3 \quad \quad \quad +3X \quad +1 \\ -(2X^3 \quad -88X^2 \quad \quad -2X) \\ \hline \quad \quad 88X^2 \quad +5X \quad +1 \\ -(\quad \quad 88X^2 \quad -3872X \quad -88) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 3877X \quad +89 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - 44X - 1 \\ 2X + 88 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 2X + 88$, et : $R = 3877X + 89$.

Corrigé 68. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -3X^3 \quad -2X^2 \quad +7X \quad +6 \\ -(-3X^3 \quad -3X^2) \\ \hline \quad \quad X^2 \quad +7X \quad +6 \\ -(\quad \quad X^2 \quad +X) \\ \hline \quad \quad \quad 6X \quad +6 \\ -(\quad \quad \quad 6X \quad +6) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ -3X^2 + X + 6 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (-3X^2 + X + 6)$.

Corrigé 69. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad -3X^2 \quad -X \quad +1 \\ -(-X^3 \quad -X^2) \\ \hline \quad \quad -2X^2 \quad -X \quad +1 \\ -(\quad \quad -2X^2 \quad -2X) \\ \hline \quad \quad \quad X \quad +1 \\ -(\quad \quad \quad X \quad +1) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ -X^2 - 2X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (-X^2 - 2X + 1)$.

Corrigé 70. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 2X^3 \quad -2X^2 \quad \quad \quad -1 \\ -(2X^3 \quad +8X^2 \quad -14X) \\ \hline \quad \quad -10X^2 \quad +14X \quad -1 \\ -(\quad \quad -10X^2 \quad -40X \quad +70) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 54X \quad -71 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + 4X - 7 \\ 2X - 10 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 2X - 10$, et : $R = 54X - 71$.

Corrigé 71. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad +4X^2 \quad -2X \quad -1 \\ -(-X^3 \quad +X^2) \\ \hline \quad \quad 3X^2 \quad -2X \quad -1 \\ -(\quad \quad 3X^2 \quad -3X) \\ \hline \quad \quad \quad X \quad -1 \\ -(\quad \quad \quad X \quad -1) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ -X^2 + 3X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (-X^2 + 3X + 1)$.

Corrigé 72. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -3X^3 \quad -6X^2 \quad +21X \quad -12 \\ -(\quad -3X^3 \quad +3X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -9X^2 \quad +21X \quad -12 \\ -(\quad \quad -9X^2 \quad +9X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 12X \quad -12 \\ -(\quad \quad \quad \quad 12X \quad -12) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline -3X^2 - 9X + 12 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (-3X^2 - 9X + 12)$.

Corrigé 73. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad -3X^2 \quad -X \quad +2 \\ -(\quad -X^3 \quad -2X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -X^2 \quad -X \quad +2 \\ -(\quad \quad -X^2 \quad -2X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad X \quad +2 \\ -(\quad \quad \quad \quad X \quad +2) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ \hline -X^2 - X + 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (-X^2 - X + 1)$.

Corrigé 74. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad +4X^2 \quad \quad +6 \\ -(\quad -X^3 \quad -X^2 \quad +X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad 5X^2 \quad -X \quad +6 \\ -(\quad \quad 5X^2 \quad +5X \quad -5) \\ \hline \quad \quad \quad \quad -6X \quad +11 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 + X - 1 \\ \hline -X + 5 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X + 5$, et : $R = -6X + 11$.

Corrigé 75. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 4

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad \quad +X \quad +2 \\ -(\quad -X^3 \quad +X^2 \quad +3X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -X^2 \quad -2X \quad +2 \\ -(\quad \quad -X^2 \quad +X \quad +3) \\ \hline \quad \quad \quad \quad -3X \quad -1 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - X - 3 \\ \hline -X - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X - 1$, et : $R = -3X - 1$.

Corrigé 76. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^4 \\ -(\quad -2X^4 \quad +4X^3 \quad \quad -4X \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -4X^3 \quad \quad +4X \\ -(\quad \quad -4X^3 \quad +8X^2 \quad \quad -8) \\ \hline \quad \quad \quad \quad -8X^2 \quad +4X \quad +8 \end{array} & \begin{array}{l} X^3 - 2X^2 + 2 \\ \hline -2X - 4 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -2X - 4$, et : $R = -8X^2 + 4X + 8$.

Corrigé 77. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad +2X \quad +1 \\ -(\quad -X^3 \quad -X^2 \quad) \\ \hline \quad \quad X^2 \quad +2X \quad +1 \\ -(\quad \quad X^2 \quad +X \quad) \\ \hline \quad \quad \quad X \quad +1 \\ -(\quad \quad \quad X \quad +1 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X+1 \\ -X^2+X+1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (-X^2 + X + 1)$.

Corrigé 78. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -8X^3 \quad -8X^2 \quad +X \quad +1 \\ -(\quad -8X^3 \quad -8X^2 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad X \quad +1 \\ -(\quad \quad \quad X \quad +1 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X+1 \\ -8X^2+1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (-8X^2 + 1)$.

Corrigé 79. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad +2X^2 \quad +9X \quad +2 \\ -(\quad -X^3 \quad -2X^2 \quad) \\ \hline \quad \quad 4X^2 \quad +9X \quad +2 \\ -(\quad \quad 4X^2 \quad +8X \quad) \\ \hline \quad \quad \quad X \quad +2 \\ -(\quad \quad \quad X \quad +2 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X+2 \\ -X^2+4X+1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (-X^2 + 4X + 1)$.

Corrigé 80. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^4 \quad \quad \quad -17 \\ -(\quad -X^4 \quad -X^3 \quad -2X^2 \quad) \\ \hline \quad \quad X^3 \quad +2X^2 \quad -17 \\ -(\quad \quad X^3 \quad +X^2 \quad +2X \quad) \\ \hline \quad \quad \quad X^2 \quad -2X \quad -17 \\ -(\quad \quad \quad X^2 \quad +X \quad +2 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad -3X \quad -19 \end{array} & \begin{array}{l} X^2+X+2 \\ -X^2+X+1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X^2 + X + 1$, et : $R = -3X - 19$.

Corrigé 81. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 5X^4 \quad \quad \quad -X^2 \quad \quad \quad +5 \\ -(\quad 5X^4 \quad +120X^3 \quad +265X^2 \quad) \\ \hline \quad \quad -120X^3 \quad -266X^2 \quad +5 \\ -(\quad \quad -120X^3 \quad -2880X^2 \quad -6360X \quad) \\ \hline \quad \quad \quad 2614X^2 \quad +6360X \quad +5 \end{array} & \begin{array}{l} X^3+24X^2+53X \\ 5X-120 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 5X - 120$, et : $R = 2614X^2 + 6360X + 5$.

Corrigé 82. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \qquad \qquad -4X \quad +2 \\ -(\quad -X^3 \quad +154X^2 \quad \quad -X \quad) \\ \hline \qquad \quad -154X^2 \quad \quad -3X \quad +2 \\ -(\quad \quad -154X^2 \quad +23716X \quad -154 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad -23719X \quad +156 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - 154X + 1 \\ -X - 154 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X - 154$, et : $R = -23719X + 156$.

Corrigé 83. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad -X^2 \quad -X \quad +1 \\ -(\quad X^3 \quad -X^2 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \quad -X \quad +1 \\ -(\quad \quad \quad -X \quad +1 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ X^2 - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (X^2 - 1)$.

Corrigé 84. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad +4X^2 \quad -103X \quad +98 \\ -(\quad X^3 \quad -X^2 \quad) \\ \hline \qquad \quad 5X^2 \quad -103X \quad +98 \\ -(\quad \quad 5X^2 \quad -5X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \quad -98X \quad +98 \\ -(\quad \quad \quad -98X \quad +98 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ X^2 + 5X - 98 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (X^2 + 5X - 98)$.

Corrigé 85. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 \quad +3X^2 \quad +7X \quad +5 \\ -(\quad X^3 \quad +X^2 \quad) \\ \hline \qquad \quad 2X^2 \quad +7X \quad +5 \\ -(\quad \quad 2X^2 \quad +2X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \quad 5X \quad +5 \\ -(\quad \quad \quad 5X \quad +5 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ X^2 + 2X + 5 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (X^2 + 2X + 5)$.

Corrigé 86. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^4 \qquad \qquad -X^2 \qquad \quad -1 \\ -(\quad X^4 \quad +4X^3 \quad \quad \quad +7X \quad) \\ \hline \qquad \quad -4X^3 \quad \quad -X^2 \quad -7X \quad -1 \\ -(\quad \quad -4X^3 \quad -16X^2 \quad \quad -28 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \quad 15X^2 \quad -7X \quad +27 \end{array} & \begin{array}{l} X^3 + 4X^2 + 7 \\ X - 4 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = X - 4$, et : $R = 15X^2 - 7X + 27$.

Corrigé 87. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement

← page 5

inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 7X^3 + X^2 + 1 \\ -(7X^3 - 7X^2 + 14X) \\ \hline 8X^2 - 14X + 1 \\ -(8X^2 - 8X + 16) \\ \hline -6X - 15 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - X + 2 \\ 7X + 8 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 7X + 8$, et : $R = -6X - 15$.

Corrigé 88. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -3X^3 - 7X^2 - 3X - 2 \\ -(-3X^3 - 6X^2) \\ \hline -X^2 - 3X - 2 \\ -(-X^2 - 2X) \\ \hline -X - 2 \\ -(-X - 2) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ -3X^2 - X - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (-3X^2 - X - 1)$.

Corrigé 89. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^5 + X^4 + X \\ -(-X^5 - X^4 - X^2) \\ \hline 2X^4 + X^2 + X \\ -(2X^4 + 2X^3 + 2X) \\ \hline -2X^3 + X^2 - X \\ -(-2X^3 - 2X^2 - 2) \\ \hline 3X^2 - X + 2 \end{array} & \begin{array}{l} X^3 + X^2 + 1 \\ -X^2 + 2X - 2 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X^2 + 2X - 2$, et : $R = 3X^2 - X + 2$.

Corrigé 90. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 6X^4 - 46X + 1 \\ -(6X^4 - 6X^3 + 6X^2) \\ \hline 6X^3 - 6X^2 - 46X + 1 \\ -(6X^3 - 6X^2 + 6X) \\ \hline -52X + 1 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - X + 1 \\ 6X^2 + 6X \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 6X^2 + 6X$, et : $R = -52X + 1$.

Corrigé 91. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -1$ (vérifiez au besoin que $P(-1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 1$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^3 + 2X^2 - 5X - 6 \\ -(X^3 + X^2) \\ \hline X^2 - 5X - 6 \\ -(X^2 + X) \\ \hline -6X - 6 \\ -(-6X - 6) \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 1 \\ X^2 + X - 6 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 1) \cdot (X^2 + X - 6)$.

Corrigé 92. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement

← page 5

inférieur à celui du diviseur :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^3 \qquad +3X \quad -1 \\ -(\quad -2X^3 \quad +6X^2 \quad -4X \quad \quad) \\ \hline \qquad \qquad -6X^2 \quad +7X \quad -1 \\ -(\quad \quad -6X^2 \quad +18X \quad -12 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad -11X \quad +11 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - 3X + 2 \\ -2X - 6 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -2X - 6$, et : $R = -11X + 11$.

Corrigé 93. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^4 \qquad \qquad \qquad -1 \\ -(\quad -2X^4 \quad +2X^3 \quad -2X^2 \quad \quad) \\ \hline \qquad \qquad -2X^3 \quad +2X^2 \quad \quad -1 \\ -(\quad \quad -2X^3 \quad +2X^2 \quad -2X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 2X \quad -1 \end{array} & \begin{array}{l} X^2 - X + 1 \\ -2X^2 - 2X \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -2X^2 - 2X$, et : $R = 2X - 1$.

Corrigé 94. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 5

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^6 \qquad +X^5 \qquad \qquad +X^3 \\ -(\quad -X^6 \quad +18X^5 \quad \quad \quad) \\ \hline \qquad \qquad -17X^5 \quad \quad \quad +X^3 \\ -(\quad \quad -17X^5 \quad +306X^4 \quad \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad -306X^4 \quad \quad +X^3 \\ -(\quad \quad \quad -306X^4 \quad +5508X^3 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad -5507X^3 \end{array} & \begin{array}{l} X^4 - 18X^3 \\ -X^2 - 17X - 306 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X^2 - 17X - 306$, et : $R = -5507X^3$.

Corrigé 95. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = -2$ (vérifiez au besoin que $P(-2) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X + 2$ est un facteur de P ; on détermine le quotient de P par $X + 2$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

← page 6

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -2X^3 \quad -3X^2 \quad -X \quad -6 \\ -(\quad -2X^3 \quad -4X^2 \quad \quad) \\ \hline \qquad \qquad X^2 \quad -X \quad -6 \\ -(\quad \quad X^2 \quad +2X \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad -3X \quad -6 \\ -(\quad \quad \quad -3X \quad -6 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X + 2 \\ -2X^2 + X - 3 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X + 2) \cdot (-2X^2 + X - 3)$.

Corrigé 96. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 6

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 5X^5 \qquad \qquad \qquad +3X^2 \qquad +1 \\ -(\quad 5X^5 \quad -5X^4 \quad \quad \quad +15X \quad) \\ \hline \qquad \qquad 5X^4 \quad \quad +3X^2 \quad -15X \quad +1 \\ -(\quad \quad 5X^4 \quad -5X^3 \quad \quad \quad +15 \quad) \\ \hline \qquad \qquad \qquad 5X^3 \quad +3X^2 \quad -15X \quad -14 \end{array} & \begin{array}{l} X^4 - X^3 + 3 \\ 5X + 5 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = 5X + 5$, et : $R = 5X^3 + 3X^2 - 15X - 14$.

Corrigé 97. En évaluant P en de petites valeurs entières, nous trouvons la racine « évidente » $\alpha = 1$ (vérifiez au besoin que $P(1) = 0$ pour vous en convaincre). On en déduit que $X - 1$ est un facteur de P ; on détermine le

← page 6

quotient de P par $X - 1$ à l'aide de la division euclidienne. On a :

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^3 \quad +4X \quad -3 \\ -(\quad -X^3 \quad +X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad -X^2 \quad +4X \quad -3 \\ -(\quad \quad -X^2 \quad +X \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad 3X \quad -3 \\ -(\quad \quad \quad \quad 3X \quad -3 \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 0 \end{array} & \begin{array}{l} X - 1 \\ \hline -X^2 - X + 3 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $P = (X - 1) \cdot (-X^2 - X + 3)$.

Corrigé 98. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 6

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -3X^5 \quad +3X^4 \quad \quad \quad +X \\ -(\quad -3X^5 \quad -3X^4 \quad \quad \quad +279X) \\ \hline \quad \quad \quad 6X^4 \quad \quad \quad -278X \\ -(\quad \quad \quad 6X^4 \quad +6X^3 \quad \quad \quad -558) \\ \hline \quad \quad \quad \quad -6X^3 \quad -278X \quad +558 \end{array} & \begin{array}{l} X^4 + X^3 - 93 \\ \hline -3X + 6 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -3X + 6$, et : $R = -6X^3 - 278X + 558$.

Corrigé 99. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 6

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} X^4 \quad -2X^3 \quad \quad \quad -X \\ -(\quad X^4 \quad -X^3 \quad +X^2 \quad \quad \quad) \\ \hline \quad \quad \quad -X^3 \quad -X^2 \quad -X \\ -(\quad \quad \quad -X^3 \quad +X^2 \quad -X \quad) \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad -2X^2 \end{array} & \begin{array}{l} X^3 - X^2 + X \\ \hline X - 1 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = X - 1$, et : $R = -2X^2$.

Corrigé 100. On pose la division euclidienne, en s'arrêtant dès que le reste obtenu est de degré strictement inférieur à celui du diviseur :

← page 6

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} -X^5 \quad +19X^4 \quad \quad \quad +20X \\ -(\quad -X^5 \quad -2X^4 \quad \quad \quad +5X) \\ \hline \quad \quad \quad 21X^4 \quad \quad \quad +15X \\ -(\quad \quad \quad 21X^4 \quad +42X^3 \quad \quad \quad -105) \\ \hline \quad \quad \quad \quad -42X^3 \quad +15X \quad +105 \end{array} & \begin{array}{l} X^4 + 2X^3 - 5 \\ \hline -X + 21 \end{array} \end{array}$$

On en déduit : $A = BQ + R$, avec : $Q = -X + 21$, et : $R = -42X^3 + 15X + 105$.